

IDŹ DO

PRZYKŁADOWY ROZDZIAŁ



SPIS TREŚCI

KATALOG KSIĄŻEK

KATALOG ONLINE

ZAMÓW DRUKOWANY KATALOG

TWÓJ KOSZYK

DODAJ DO KOSZYKA

CENNIK I INFORMACJE

ZAMÓW INFORMACJE
O NOWOŚCIACH

ZAMÓW CENNIK

CZYTELNIA

FRAGMENTY KSIĄŻEK ONLINE

Fizyka. Rozwiązywanie zadań w Excelu. Ćwiczenia praktyczne

Autor: Maciej Zawacki

ISBN: 83-7197-724-7

Nośnik: Dyskietka

Liczba stron: 112



Książkę tę w szczególności chcielibyśmy polecić nauczycielom fizyki. Mamy nadzieję, że potraktują ją jako ważną pomoc dydaktyczną w niestandardowy sposób realizowanym programie nauczania fizyki w szkole średniej.

Sądzymy również, że nauczyciele informatyki znajdą w niej wiele ćwiczeń pokazujących ciekawe zastosowania arkusza kalkulacyjnego jako środowiska programistycznego. Książkę polecamy uczniom szkół średnich, szczególnie tym zainteresowanym fizyką. Liczymy, że samodzielne wykonanie proponowanych ćwiczeń przyczyni się do lepszego zrozumienia wielu zagadnień fizyki.

Problemy fizyczne i ich rozwiązania w arkuszu kalkulacyjnym:

- Rzut poziomy.
- Rzut ukośny.
- Rzut poziomy i rzut ukośny z uwzględnieniem oporu powietrza.
- Łódka płynąca po wodzie, czyli płynne hamowanie.
- Ruch kulki w cieczy.
- Skoczek spadochronowy.
- Ruch rakiety.
- Ruch drgający.
- Ruch drgający z tłumieniem.
- Drgania wymuszone. Rezonans.
- Składanie drgań. Dudnienie. Krzywe Lissajous.
- Rozwijanie funkcji w szereg Fouriera.
- Ruch planety wokół Słońca.

Wydawnictwo Helion
ul. Chopina 6
44-100 Gliwice
tel. (32)230-98-63
e-mail: helion@helion.pl



Spis treści

Rozdział 1.	Rzut poziomy	5
Rozdział 2.	Rzut ukośny	11
Rozdział 3.	Rzut poziomy i rzut ukośny z uwzględnieniem oporu powietrza.....	17
Rozdział 4.	Łódka pływająca po wodzie, czyli płynne hamowanie.....	27
Rozdział 5.	Ruch kulki w cieczy	33
Rozdział 6.	Skoczek spadochronowy	43
Rozdział 7.	Rakieta.....	51
Rozdział 8.	Ruch drgający.....	59
Rozdział 9.	Ruch drgający z tłumieniem	69
Rozdział 10.	Drgania wymuszone. Rezonans	75
Rozdział 11.	Składanie drgań. Dudnienie. Krzywe Lissajous	81
Rozdział 12.	Rozwijanie funkcji w szereg Fouriera.....	89
Rozdział 13.	Ruch planety wokół Słońca	99
Rozdział 14.	Zadania różne	105

Rozdział 2.

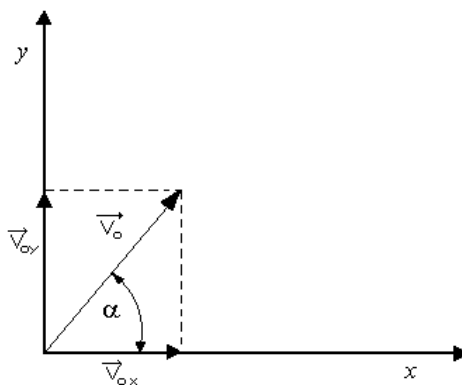
Rzut ukośny

Wprowadzenie

Rzut ukośny to taki ruch, w którym ciało nadajemy prędkość początkową v_o , skierowaną pod kątem α do poziomu (rysunek 2.1). Jest to kolejny, znany z nauki fizyki w szkole średniej przykład ruchu złożonego, gdyż można analizować go jako złożenie dwóch ruchów prostych odbywających się w dwóch wzajemnie prostopadłych kierunkach.

Rysunek 2.1.

*Rysunek pomocniczy
do ćwiczenia 2.1*



Jeżeli początek układu odniesienia wybierzemy w taki sposób jak na rysunku 2.1, to w kierunku osi x układu odniesienia ciało porusza się ruchem jednostajnym, w kierunku osi y ruchem jednostajnie zmiennym. Rzut ukośny można opisać następującymi równaniami, wynikającymi z drugiej zasady dynamiki Newtona:

- (1) $ma_x = 0$ — ruch jednostajny w kierunku osi x,
- (2) $ma_y = -mg$ — ruch jednostajnie zmienny w kierunku osi y,

gdzie a_x i a_y jest przyspieszeniem ciała odpowiednio w kierunku osi x i y układu odniesienia, m jest masą ciała, a g jest przyspieszeniem ziemskim.

Ćwiczenia

Tor ciała w rzucie ukośnym

Ćwiczenie 2.1.

Wyznacz tor ciała, któremu nadano prędkość początkową v_o skierowaną pod kątem α do poziomu. Pomiń opory powietrza.

Sposób rozwiązania

Jest to zadanie podobne do tego, które już rozwiązywałeś w poprzednim rozdziale. Mamy nawet takie same równania ruchu. Musimy jeszcze uwzględnić warunki początkowe i warunek brzegowy. W tym przypadku warunek początkowy jest jeden: w chwili $t=0$, $v=v_o$. Przepisując ten warunek na składowe prędkości w kierunkach x i y układu odniesienia, po prostych przekształceniach, otrzymamy $v_{ox} = v_o \cos \alpha$ i $v_{oy} = v_o \sin \alpha$, gdzie α jest kątem nachylenia wektora prędkości początkowej v_o do osi x . Warunek brzegowy to: $y(0)=0$. Równania (1) i (2) można, korzystając z definicji przyspieszenia,

$a_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t}$, $a_y = \frac{\Delta v_y}{\Delta t}$ przekształcić w następujący układ równań:

$$(3) \quad m \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = 0,$$

$$(4) \quad m \frac{\Delta v_y}{\Delta t} = -mg.$$

Z równania (3) wynika, że $\Delta v_x=0$, a zatem prędkość w kierunku osi x , jest zawsze stała i równa w dowolnej chwili czasu prędkości początkowej:

$$(5) \quad v_{ox} = v_o \cos \alpha.$$

Taki wynik nie powinien nas zaskakiwać, gdyż w kierunku osi x ciało porusza się ruchem jednostajnym. Z równania (4) wynika, że $\Delta v_y = -g\Delta t$, czyli prędkość w chwili późniejszej np. t_{j+1} zależy od prędkości w chwili wcześniejszej t_j według wzoru:

$$(6) \quad v_y(t_{j+1}) = v_y(t_j) - g\Delta t.$$

Znaleźliśmy zatem zależności prędkości od czasu w kierunku osi x i y — porównaj wzory (5) i (6). Poszukujemy jednak zależności drogi od czasu w kierunkach x i y . Wyznamy teraz te zależności. Drogę w kierunku osi x można wyznaczyć posługując się

następującym rozumowaniem: na początku przedziału czasu $\Delta t = t_{j+1} - t_j$, czyli w chwili t_j ciało posiada prędkość $v_x(t_j)$, natomiast na końcu tego przedziału, czyli w chwili t_{j+1} ciało posiada prędkość $v_x(t_{j+1})$. Wobec tego drogę Δx przebytą wzdłuż osi x w czasie Δt obliczymy ze wzoru: $\Delta x = v_{sr,x}(t)\Delta t$, gdzie:

$$v_{sr,x}(t) = \frac{1}{2}(v_x(t_{j+1}) + v_x(t_j)),$$

a zatem na podstawie równania (5):

$$\Delta x = \frac{1}{2}(v_x(t_{j+1}) + v_x(t_j)) = v_o \cos \alpha \cdot \Delta t,$$

czyli

$$(7) \quad x(t_{j+1}) = x(t_j) + v_o \cos \alpha \cdot \Delta t.$$

Ten ostatni wzór jest właśnie poszukiwanym wzorem określającym zależność drogi od czasu w kierunku osi x w chwili późniejszej t_{j+1} od drogi w chwili wcześniejszej t_j . Dzięki zależności (7) będziemy potrafili wyznaczyć funkcję $x(t)$ w całym przedziale czasu trwania ruchu, jeśli tylko znamy wartość prędkości na początku ruchu t_j w chwili $t=0$.

Pozostaje nam jeszcze wyznaczenie funkcji $y(t)$ opisującej zależność drogi od czasu w kierunku osi y . Wykorzystamy tu wzór (6) oraz zastosujemy podobne rozumowanie jak w przypadku wyznaczania zależności $x(t)$. Tym razem:

$$\begin{aligned} \Delta y &= v_{sr,y}(t_j) \cdot \Delta t = \frac{1}{2}(v_y(t_j) + v_y(t_{j+1})) \cdot \Delta t = \frac{1}{2}(v_y(t_j) - g\Delta t + v_y(t_j)) \cdot \Delta t = \\ &= \frac{1}{2}(2v_y(t_j) - g\Delta t) \cdot \Delta t = v_y(t_j) \cdot \Delta t - \frac{1}{2}g\Delta t^2. \end{aligned}$$

czyli

$$(8) \quad y(t_{j+1}) = y(t_j) + v_y(t_j)\Delta t - \frac{1}{2}g\Delta t^2,$$

co oznacza, że potrafimy wyznaczyć funkcję $y(t)$ opisującą drogę przebytą przez ciało wzdłuż osi y , w zależności od czasu trwania ruchu, na podstawie znajomości zależności drogi w chwili późniejszej t_{j+1} od drogi w chwili wcześniejszej t_j .

Wzory (6), (7) i (8) wykorzystamy do budowy arkusza wyznaczającego poszukiwany tor ruchu ciała, czyli zależność $y(x)$.

Przygotowanie arkusza

1. W arkuszu część komórek trzeba przeznaczyć na przechowywanie wartości koniecznych stałych fizycznych i danych wynikających z warunków początkowych. Potrzebne będą wartości następujących wielkości: przyspieszenia ziemskiego — g , prędkości początkowej — v_o , kąta nachylenia α , przedziału (kroku) czasowego Δt , chwili początkowej — t_o , składowych wektora prędkości początkowej w kierunku x ($v_{ox} = v_o \cos \alpha$) i w kierunku y ($v_{oy} = v_o \sin \alpha$).

2. Wielkości te rozmieść w arkuszu w sposób pokazany na rysunku 2.2. (część arkusza nie zaznaczona szarym tłem). Żeby uzyskać żądany wygląd arkusza, wystarczy wpisać w odpowiednie komórki dane tekstowe lub wartości. Do komórek B8 i B9 wpisz odpowiednio $=B\$4*\text{COS}(\text{RADIANY}(\$B\$5))$ i $=B\$4*\text{SIN}(\text{RADIANY}(\$B\$5))$.

Rysunek 2.2.

Wygląd fragmentu arkusza z rozwiązaniem ćwiczenia 2.1

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	Rzut ukośny		t	$v_x(t)$	$x(t)$	$v_y(t)$	$y(t)$				
2			0	10	0	0	20				
3	$g=$	9,81	0,006	9,94114	0,103923	0,05947	19,97064				
4	$v_0=$	20	0,012	9,88228	0,207846	0,118587	19,9414				
5	$\alpha=$	30	0,018	9,82342	0,311789	0,177351	19,9123				
6	$\Delta t=$	0,006	0,024	9,76456	0,415692	0,235762	19,88333				
7	$t_0=$	0	0,03	9,7057	0,519615	0,29382	19,85449				
8	$v_{0x}=v_0\cos\alpha$	17,32051	0,036	9,64684	0,623538	0,351524	19,82578				
9	$v_{0y}=v_0\sin\alpha$	10	0,042	9,58798	0,727461	0,408875	19,79721				
10	$y(0)=$	0	0,048	9,52912	0,831384	0,465874	19,76877				
11	$x(0)=$	0	0,054	9,47026	0,935307	0,522519	19,74046				
12			0,06	9,4114	1,03923	0,57881	19,71229				
13			0,066	9,35254	1,143154	0,634749	19,68426				
14			0,072	9,29368	1,247077	0,690335	19,65636				
15			0,078	9,23482	1,351	0,745567	19,6286				
16			0,084	9,17596	1,454923	0,800446	19,60098				
17			0,09	9,1171	1,558846	0,854972	19,57349				
18			0,096	9,05824	1,662769	0,909145	19,54614				
19			0,102	8,99938	1,766692	0,962965	19,51894				
20			0,108	8,94052	1,870615	1,016431	19,49187				

3. W komórkach C1, D1, E1 i F1 umieść kolejno następujące dane tekstowe: t , $v_x(t)$, $x(t)$ i $y(t)$.
4. W komórkach C2, D2, E2 i F2 umieść kolejno następujące formuły: $=B\$7$, $=B\$9$, $=B\$11$, $=B\$10$.
5. W komórkach C3, D3, E3 i F3 umieść kolejno następujące formuły: $=C2+B\$6$, $=D2-B\$3*B\6 , $=E2+B\$8*B\6 , $=F2+D3*B\$6-0,5*B\$3*B\$6^2$ i około 100 komórek kolumn C, D, E i F wypełnij serią danych. W rezultacie arkusz powinien przybrać wygląd taki jak na obszarze zaznaczonym na rysunku 2.2 szarym kolorem (z wyjątkiem kolumny G).



Aby wypełnić komórki serią danych wykonaj następujące czynności: (1) złap myszą mały kwadracik znajdujący się w prawym dolnym rogu ostatniej komórki do której wpisałeś formułę (komórka musi być aktywna), wskaźnik myszy przybierze wówczas kształt +, (2) pociągnij go w dół zaznaczając tyle komórek ile ma być wypełnionych.

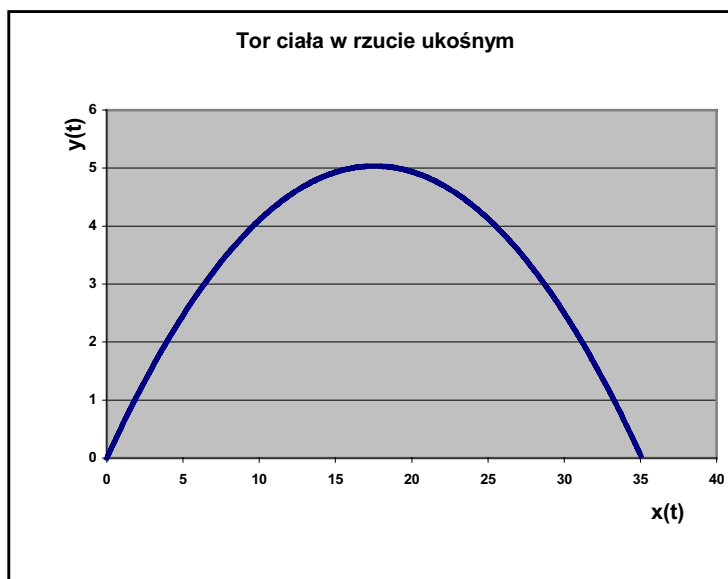
6. Aby uzyskać wykres zależności $y(x)$, czyli znaleźć tor ruchu, zaznacz kolumny E i F, a następnie uruchom *Kreator wykresów*. Wybierz odpowiedni typ wykresu (wykres liniowy w grupie *XY (Punktowy)*). W rezultacie po uporządkowaniu (wykorzystaj tu odpowiednie opcje kreatora wykresów) otrzymasz wykres toru ruchu w rzucie ukośnym (rysunek 2.3), jeśli zadasz wartości parametrów ruchu takie jak na rysunku 2.2.



Może pojawić się problem ile komórek z kolumn E i F wypełnić serią danych. Generalnie ilość ta zależy od wartości kroku czasowego Δt , którą to wartość przechowujemy w komórce B6, a także od wartości parametrów ruchu: prędkości początkowej i kąta nachylenia α . Im mniejsza

Rysunek 2.3.

Wygląd arkusza
z rozwiązaniem
ćwiczenia 2.1



wartość Δt , tym więcej trzeba zaznaczyć komórek, ale z kolei, tym dokładniejsze uzyskamy wyniki. W opisanym przykładzie dla uzyskania wykresu wykorzystano 351 komórek dla wartości kąta $\alpha=30^\circ$, prędkości początkowej $v_0=10$ m/s i kroku czasowego $\Delta t=0,0029$ sekundy. Jeżeli sporządzając wykres, zauważymy, że dla wybranych wartości parametrów ruchu wykres nie „dochodzi” drugi raz do osi x lub przecina oś x i osiąga wartości ujemne, to albo mamy za mało komórek, albo za dużo. Wówczas trzeba wypełnić serią danych większą liczbę komórek, albo zwiększyć wartość kroku czasowego Δt . Jeśli mamy za dużo komórek (wykres osiąga wartości ujemne) to trzeba albo część komórek wyczyścić lub zmniejszyć wartość kroku czasowego Δt . Takie operacje pomogą uzyskać wykres taki jak na rysunku 2.3

Podsumowanie

Zmieniając w odpowiednich komórkach wartości parametrów ruchu można badać, w jaki sposób modyfikują one tor ruchu. Z wykresu można wyznaczyć np. zasięg rzutu oraz maksymalną wysokość, a z danych w kolumnie oznaczonej jako t (kolumna C) można wyznaczyć czas trwania ruchu.

Prędkość ciała w rzucie ukośnym

Ćwiczenie 2.2.

Zbuduj arkusz (plik *r2.xls*), w którym wyznacysz zależność prędkości całkowitej od czasu w rzucie ukośnym.

Sposób rozwiązania

Prędkość całkowita podczas rzutu ukośnego oczywiście zmienia się w czasie. Jej zmianę określa wzór:

$$v_c = \sqrt{v_x^2(t) + v_y^2(t)}.$$

Będziemy zatem potrzebowali zależność prędkości w kierunku y od czasu i zależności prędkości w kierunku osi x od czasu. Wykorzystamy tu wzór (6) i fakt, że w kierunku osi x prędkości jest stała i zawsze równa prędkości początkowej $v_{ox} = v_o \cos \alpha$.

Przygotowanie arkusza

1. Do przygotowania tego arkusza możesz także wykorzystać arkusz z poprzedniego ćwiczenia (2.1).
2. Do komórki G1 wpisz tekst $v(t)$.
3. Do komórki G2 wpisz formułę `=PIERWIASTEK((($B$8)^2+(D2)^2))` i pozostałe komórki kolumny G wypełnij serią danych. Wypełnij tyle komórek ile w poprzednim ćwiczeniu.



Aby wypełnić komórki serią danych wykonaj następujące czynności: (1) złap myszą mały kwadracik znajdujący się w prawym dolnym rogu ostatniej komórki do której wpisałeś formułę (komórka musi być aktywna), wskaźnik myszy przybierze wówczas kształt +, (2) pociągnij go w dół zaznaczając tyle komórek ile ma być wypełnionych.

4. Zaznacz dane w kolumnie C i trzymając wciśniętą kombinację klawiszy *Ctrl+B* zaznacz dane w kolumnie G. Uruchom *Kreator wykresów* i sporządź wykres postępując według instrukcji kreatora. Wybierz opcję *XY (Punktowy)* w grupie *Typ wykresu*. Otrzymasz wykres taki jak na rysunku 2.4, jeżeli użyjesz następujących wartości parametrów ruchu:

$$g = 9,81 \frac{m}{s^2}, \quad v_{ox} = 20 \frac{m}{s}, \quad \alpha = 30^\circ.$$

Rysunek 2.4.

Wygląd arkusza z rozwiązaniem ćwiczenia 2.2

